

基于人工神经网络的高精度TA16钛合金本构模型

张思远, 李思兰, 李倩, 毛成亮, 王佳璐, 辛社伟

(西北有色金属研究院, 陕西 西安 710016)

摘要: 使用Gleeble-3800对锻态TA16钛合金在温度730~1030 °C、应变速率0.1~10 s⁻¹的条件下进行热模拟压缩实验, 取得TA16合金在该变形条件范围内的真应力-真应变曲线。分别使用Arrhenius、Johnson-Cook本构模型和人工神经网络(ANN)3种方式建立了TA16钛合金的本构模型, 并对模型误差进行了分析。结果表明: TA16钛合金在中、低应变速率下屈服后加工硬化与软化达到动态平衡状态, 在高应变速率下呈现先软化后再进入平衡状态, 合金加工性能良好; Arrhenius、Johnson-Cook和ANN建立的TA16钛合金本构模型平均绝对百分比误差(MAPE)分别为11.49%、23.7%和1.69%, ANN模型较传统本构模型精度高1个数量级; Arrhenius本构模型在中、高应变速率和中、低应变范围内精度较好, 在工程中具有实用性; Johnson-Cook本构模型体现了高应变硬化的趋势, 难以描述TA16钛合金屈服后动态平衡状态, 模型精度较差, 不宜在工程中使用; ANN本构模型在全部实验参数范围内具有极高的预测精度, 同时在实验参数以外预测数据同样具有良好的精度, 能够为工程实践提供高精度的本构模型。

关键词: TA16钛合金; 本构模型; Arrhenius; Johnson-Cook; 人工神经网络

中图分类号: TG146.23

文献标识码: A

文章编号: 1002-185X(2025)11-2833-11

1 引言

TA16钛合金是我国仿制前苏联ИТ-7М的一种 α 型钛合金^[1], 其名义成分为Ti-2Al-2.5Zr, 该合金因具有低强度、高塑性、低合金、高耐蚀、加工和可焊性良好的综合性能特点, 被广泛应用于核电等服役环境要求苛刻的管路系统中, 在航天、舰船等领域也有重要应用。随着清洁能源与核动力需求的快速发展, 该合金的各类管材、箔材、带材、薄壁焊接件等需求快速增长。为进一步设计优化TA16钛合金热加工工艺制度, 提高工艺效率及热成型控制技术, 需要对TA16钛合金的热变形本构模型开展研究工作。

钛合金的热变形过程对工艺参数非常敏感, 由于缺少钛合金专有的唯象数学模型, 使用基于钢铁等其他金属材料建立的本构模型在钛合金上使用精度十分有限。国内外学者普遍采用Arrhenius和Johnson-Cook本构模型来描述钛合金材料的本构关系, 其中Arrhenius本构模型在各类钛合金材料上得到了广泛应用: 杨晓康^[2]、骆俊廷^[3]、李萍^[4]、朱琳^[5]、雷锦文^[6]、刘杨^[7]等使用该模型计算了耐热钛合金TC17、TA15、Ti65、TC6、Ti6242s、TA32的本构模型, 预测流变应力与实验值的平均绝对百分比误差(MAPE)分别为7.32%、10%和6.9%、9.93%、14.40%、

15.15%; 权思佳^[8]等使用该模型计算了船用钛合金Ti-80的本构模型, 其MAPE为7.44%; 周盛武^[9]、潘浩^[10]、Ma^[11]、Souza^[12]等使用该模型计算了高强和高强韧钛合金TB17、Ti-55531、TB8、TB6的本构模型, 前三者MAPE分别为6.5%、8.99%、8.08%, TB6计算了模型的相关系数为0.9654。而对于Johnson-Cook本构模型, 刘晓燕^[13]等对细晶纯钛建立了本构模型, 其MAPE仅有21.82%, 通过针对优化达到了9.42%; 郝芳^[14]等使用该模型对新型抗冲击钛合金进行了研究, 使用该模型对合金抵抗弹丸侵彻过程进行了有限元分析, 与实际靶试结果对比误差小于3.74%。Zhang^[15]及Liu等^[16]同时使用2种模型研究了Ti-10V-5Al-2.5Fe-0.1B、合金的本构关系, 其中Arrhenius的MPAE分别为14.4%、18.88%, Johnson-Cook的MAPE分别为22.53%、11.65%。以上的学者的研究表明Arrhenius本构模型对于各种类型的钛合金材料都有着适中的精度, 钛合金组织性能及力学相应机制的复杂性为模型的适配带来挑战。Johnson-Cook本构模型倾向于类似钢铁等简单的加工硬化, 对分析钛合金材料冲击等高动态速率状态下有更大优势, 而对常规塑性加工之下的适用性有待研究。

本研究通过人工神经网络与传统数学模型两种方法分别建立TA16钛合金的本构模型, 并对模型误差进行分

收稿日期: 2024-11-16

基金项目: 陕西省先进动力专项(YK22C-11)

作者简介: 张思远, 男, 1990年生, 硕士, 西北有色金属研究院, 陕西 西安 710016, 电话: 029-86250729, E-mail: zsy314@msn.com

析,为TA16钛合金热变形工艺的设计和仿真提供理论依据。

2 实验

实验材料为西北有色金属研究院自行制备的 $\Phi 200$ mm TA16钛合金锻坯,锻态金相组织为等轴组织,如图1所示。初生 α 含量为95%, β 相转变点为920 $^{\circ}\text{C}$ 。在 $\Phi 200$ mm的R/2处切取TA16钛合金试样若干,加工到 $\Phi 10$ mm \times 15 mm并车光倒角。

使用Gleeble-3800热模拟实验机进行热压缩模拟实验。实验选取的变形温度为730、780、830、880、930、980、1030 $^{\circ}\text{C}$;应变速率为0.1、1、10 s^{-1} ,变形温度和应变速率组合试验参数共计21组。试样的高度变形量为75%,换算真应变约为1.3。试样通过电阻加热,两端垫石墨片提高接触并减少摩擦力,升温速度为10 $^{\circ}\text{C}/\text{s}$,保温3 min,依据参数进行单轴等温压缩实验,压缩结束后水冷以保留变形组织。

3 真应力-真应变曲线

图2为TA16钛合金分别在应变速率为0.1、1、10 s^{-1} 下不同变形温度的真应力-真应变曲线。由图可见,TA16合金在不同参数下变形时流变应力和峰值应力随

变形温度的升高而降低,随应变速率的升高而升高,该合金为负温度敏感、正应变速率敏感型材料。在低应变速率的条件下(0.1、1 s^{-1}),流变应力随着变形的增大而增大,在达到峰值应力缓慢下降后基本趋于平直,呈现加工软化和硬化动态平衡的现象,直到变形的末期。这说明在低应变速率条件下TA16钛合金变形能力良好,在整个变形量范围内都能够保持稳定。而在高应变速率条件下(10 s^{-1})流变应力的前段趋势与低应变速率相似,但在经过峰值应力后呈现缓慢软化现象,当真应变达到0.7~1.0,随变形温度增大时转而呈现加工硬化趋势。这说明高应变速率下TA16钛合金对应变敏感,变形量增大到一定程度后会因加工硬化增大变形抗力和难度。

4 建立本构模型

本构模型描述材料在多能场耦合条件下受到外力作用时力学响应的数学模型,通过描述和预测材料在热加工过程中的力学响应,能够为材料变形行为分析、成型仿真模拟计算、加工变形窗口设计及加工工艺设计优化提供数据基础。由于目前尚无针对钛合金材料开发的唯象本构模型,科研和工程人员主要在使用Arrhenius和Johnson-Cook 2种本构模型。

Arrhenius本构模型由Svante Arrhenius于18世纪80年代提出,该模型通过源自化学反应活化能这一抽象概念,考虑材料中激活能对变形行为的影响,是最常用的唯象本构模型之一^[17]。Johnson-Cook本构模型由Johnson和Cook在20世纪80年代提出^[18],该模型同时考虑了应变硬化、应变率强化和温度软化效应的影响,是一种形式简单的唯象模型,通常在钢铁领域广泛使用,钛合金材料也偶有应用。

但由于没有能够应用的理论本构模型或针对钛合金材料设计的唯象本构模型,其他模型对钛合金材料的变形行为匹配度难免存在偏差,因此结合现代计算机技术的快速发展,通过建立人工神经网络(artificial neural



图1 TA16钛合金锻态显微组织

Fig.1 Microstructure of forged TA16 titanium alloy

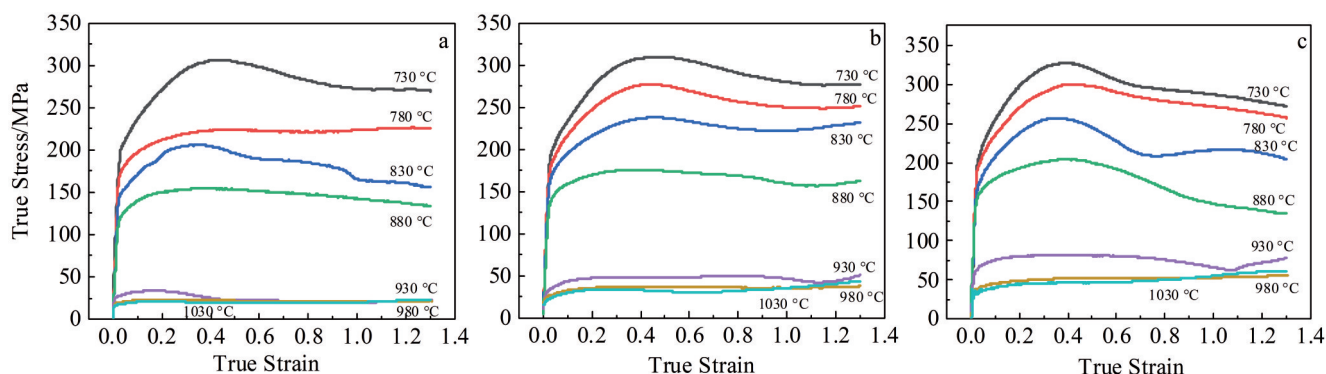


图2 不同变形温度和应变速率的锻态TA16钛合金真应力-真应变曲线

Fig.2 True stress-true strain curves of forged TA16 titanium alloy at different deformation temperatures with the strain rate of 0.1 s^{-1} (a), 1 s^{-1} (b), and 10 s^{-1} (c)

Network, ANN)来对多元素、非线性的复杂系统进行预测^[19]。因此,在针对工程实践方面通过ANN建立的本构模型能够更加符合不同材料、成分、状态的本构关系。

本研究将采用 Arrhenius 和 Johnson-Cook 传统唯象本构模型和 ANN 分别对 TA16 钛合金建立本构模型,分析模型误差并对比不同模型之间的特点。

4.1 Arrhenius 本构模型的建立

Arrhenius 本构模型包含指数方程式(1)、幂方程式(2)和双曲正弦方程式(3)3种形式。

$$\dot{\epsilon} \exp(Q/RT) = A_1 \sigma^{n_1} \quad (1)$$

$$\dot{\epsilon} \exp(Q/RT) = A_2 \exp(\beta \sigma) \quad (2)$$

$$\dot{\epsilon} \exp(Q/RT) = A_3 [\sinh(\alpha \sigma)]^n \quad (3)$$

式中, A_1 、 A_2 、 A_3 、 n_1 、 n 、 β 为与温度无关的系数; $\dot{\epsilon}$ 为应变速率; σ 为流变应力; R 为气态常数 8.314; Q 为变形激活能。式(3)通过参数 Q 、 A_3 、 n 、 α 描述了指定变形温度、应变速率与流变应力之间的关系。因此先逐个求出不同真应变下参数 $\ln A$ 、 α 、 n 、 Q 的值,随后通过多元线性回归其值与真应变的函数即可求得对应的本构模型。对式(1)~式(3)两侧分别取自然对数,可得:

$$\ln \dot{\epsilon} = \ln A_1 + n_1 \ln \sigma - Q/RT \quad (4)$$

$$\ln \dot{\epsilon} = \ln A_2 + \beta \sigma - Q/RT \quad (5)$$

$$\ln \dot{\epsilon} = \ln A_3 + n \ln [\sinh(\alpha \sigma)] - Q/RT \quad (6)$$

由式(4)、(5)可知, $\ln \dot{\epsilon} - \ln \sigma$ 和 $\ln \dot{\epsilon} - \sigma$ 为线性关系,对其进行线性拟合所得斜率分别为参数 n_1 和 β ,再通过关系式 $\alpha = \beta/n_1$ 可以求出参数 α 的值。根据 α 可以求出

$\ln [\sinh(\alpha \sigma)]$, 由式(6)可知 $\ln \dot{\epsilon} - \ln [\sinh(\alpha \sigma)]$ 和 $1/T - \ln [\sinh(\alpha \sigma)]$ 同为线性关系,将其线性拟合后所得斜率分别为参数 n 和 Q/Rn 。且由式(6)可得 $(\ln \dot{\epsilon} + Q/RT) - n \ln [\sinh(\alpha \sigma)]$ 线性关系的截距为参数 $\ln A$ 。至此已将4个参数分别求出,代入式(3)即可得到该真应变下的本构关系方程。再将各个真应变下的参数逐个求出并分别拟合,即可获得材料的本构模型。

由于钛合金材料在 β 相转变温度上下变形行为有明显差异,因此本研究分别对 TA16 钛合金相变点上、下温度范围分别计算本构模型。以真应变 0.1 为间隔分别计算相变点上、下真应变 0~1.2 范围内的方程参数 $\ln A$ 、 α 、 n 、 Q 并对其进行回归,如图3、图4所示,建立本构模型见表1。由此可以获得 TA16 钛合金在变形温度 730~1030 °C; 应变速率 0.01~10 s⁻¹; 真应变 0~1.2 范围内的本构模型。将该范围内任意真应变对应的4个参数值代入式(3)即可得到该真应变下的本构模型。

4.2 Johnson-Cook 本构模型的建立

Johnson-Cook 本构模型的一般形式如式(7)所示:

$$\sigma = (A + B\epsilon^n) \left(1 + C \ln \dot{\epsilon} / \dot{\epsilon}_0 \right) \left[1 - \left(\frac{T - T_r}{T_m - T_r} \right)^m \right] \quad (7)$$

式中, σ 为流变应力; A 为参考温度及应变速率下的初始屈服应力; B 为应变硬化因子; n 为加工硬化指数; C 为应变速率硬化因子; $\dot{\epsilon}_0$ 为参考应变速率; T_m 为熔化温度; T_r 为参考温度; m 为热软化因子。

Johnson-Cook 本构模型的求解步骤为:首先选取与

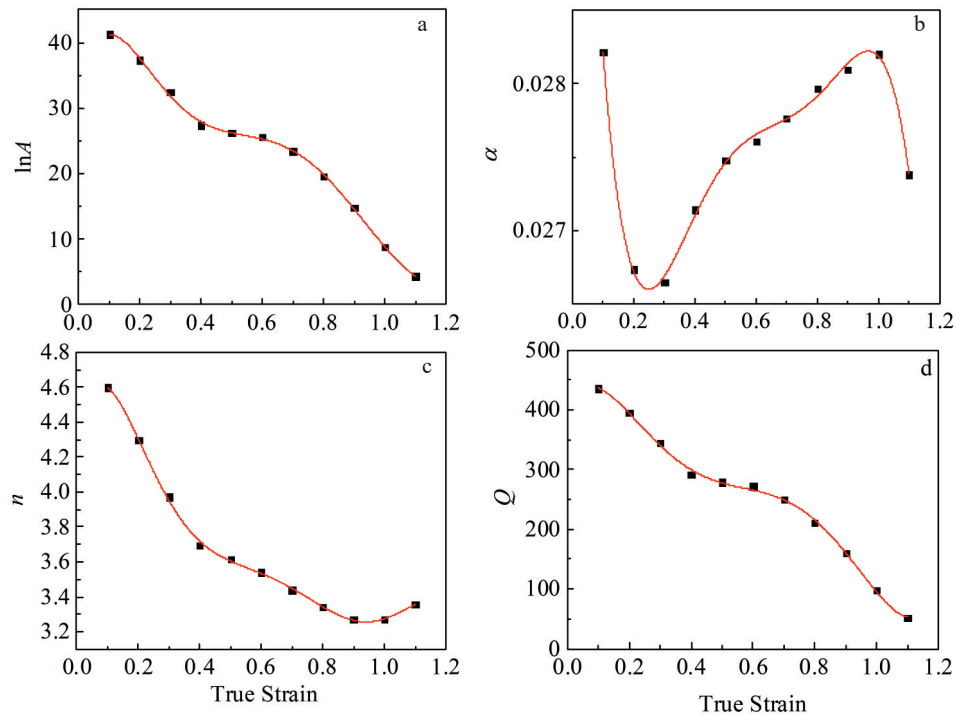
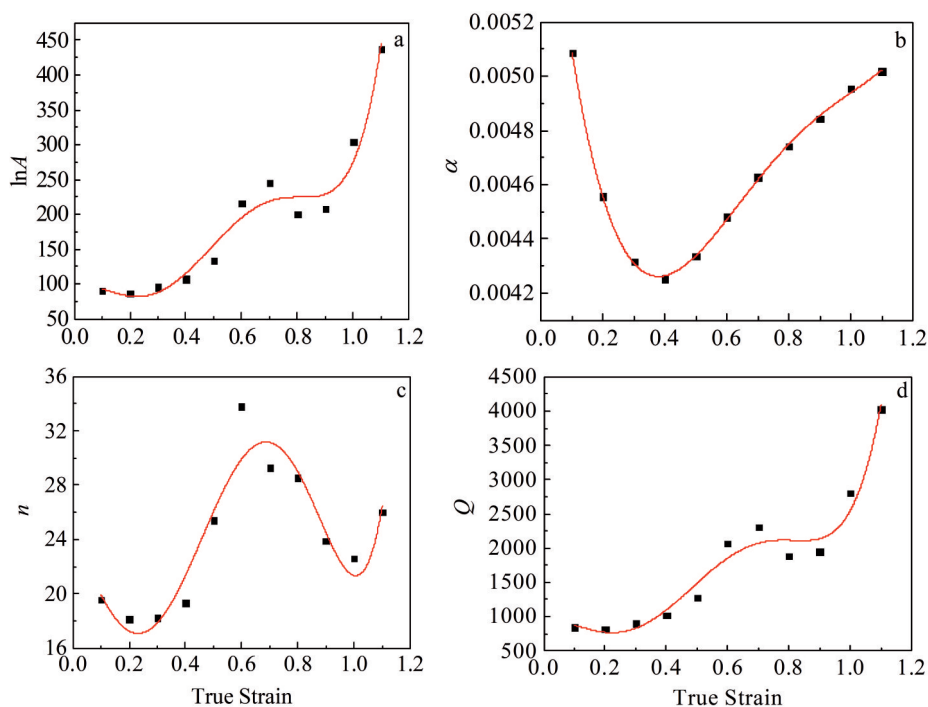


图3 相变点以上系数 $\ln A$ 、 α 、 n 、 Q 与真应变的关系

Fig.3 Relationships of $\ln A$ (a), α (b), n (c), and Q (d) with true strain above T_β

图4 相变点以下系数 $\ln A$ 、 α 、 n 、 Q 与真应变的关系Fig.4 Relationships of $\ln A$ (a), α (b), n (c), and Q (d) with true strain below T_β 表1 系数 $\ln A$ 、 α 、 n 、 Q 与真应变的表达式和相关系数 R^2 Table 1 Regression equation of coefficients $\ln A$, α , n , and Q with true strain and correlation coefficient R^2

Range	Coefficient	Regression equation	R^2
Above T_β	$\ln A$	$32.56+203.27\varepsilon-1531.02\varepsilon^2+4132.21\varepsilon^3-5267.20\varepsilon^4+3157.13\varepsilon^5-718.08\varepsilon^6$	0.998
	α	$0.03-0.07\varepsilon+0.28\varepsilon^2-0.50\varepsilon^3+0.42\varepsilon^4-0.13\varepsilon^5$	0.992
	n	$4.29+9.15\varepsilon-81.40\varepsilon^2+238.25\varepsilon^3-331.59\varepsilon^4+221.58\varepsilon^5-57.01\varepsilon^6$	0.998
	Q	$414.58+800.54\varepsilon-7407.68\varepsilon^2+17746.54\varepsilon^3-17451.52\varepsilon^4+5992.76\varepsilon^5$	0.997
Below T_β	$\ln A$	$87.54+305.32\varepsilon-3728.58\varepsilon^2+1.35\times 10^4\varepsilon^3-1.71\times 10^4\varepsilon^4+7147.95\varepsilon^5$	0.937
	α	$0.006-0.012\varepsilon+0.027\varepsilon^2-0.023\varepsilon^3+0.007\varepsilon^4$	0.998
	n	$24.26-40.05\varepsilon-117.84\varepsilon^2+981.49\varepsilon^3-1458.73\varepsilon^4+632.21\varepsilon^5$	0.800
	Q	$856.20+2301.81\varepsilon-3.24\times 10^4\varepsilon^2+1.22\times 10^5\varepsilon^3-1.571.22\times 10^5\varepsilon^4+6.611.22\times 10^4\varepsilon^5$	0.937

参考应变速率 $\dot{\varepsilon}_0$ 和参考温度 T_r 相同的应变速率 $\dot{\varepsilon}$ 和变形温度 T ,即可将式(7)简化为式(8)。其次选取与参考温度 T_r 相同的变形温度 T ,即可将式(7)简化为式(9)。最后选取与参考应变速率 $\dot{\varepsilon}_0$ 相同的应变速率 $\dot{\varepsilon}$,即可将式(7)简化为式(10)。

$$\sigma = A + B\varepsilon^n \quad (8)$$

$$\sigma = (A + B\varepsilon^n) \left(1 + C \ln \dot{\varepsilon} / \dot{\varepsilon}_0 \right) \quad (9)$$

$$\sigma = (A + B\varepsilon^n) \left[1 - \left(\frac{T - T_r}{T_m - T_r} \right)^m \right] \quad (10)$$

对式(8)两边同时取对数后得到式(11),对变量 $\ln \varepsilon$ 和 $\ln(\sigma - A)$ 进行线性拟合即可求得加工硬化指数 n 和应变硬化因子 B 。对式(9)简单变换后得到式(12),对变量 $\ln \dot{\varepsilon} / \dot{\varepsilon}_0$ 和 $\frac{\sigma}{A + B\varepsilon^n}$ 进行线性拟合后即可求得应变速率硬化

因子 C 。对式(10)简单变换并两端求对数后得到式(13),对变量 $\ln \frac{T - T_r}{T_m - T_r}$ 和 $\ln \left(1 - \frac{\sigma}{A + B\varepsilon^n} \right)$ 进行线性拟合后即可求得热软化因子 m 。将以上取得的变量带入式(7)即可得到该材料的Johnson-Cook本构模型。

$$\ln(\sigma - A) = \ln B + n \ln \varepsilon \quad (11)$$

$$\frac{\sigma}{A + B\varepsilon^n} = 1 + C \ln \dot{\varepsilon} / \dot{\varepsilon}_0 \quad (12)$$

$$\ln \left(1 - \frac{\sigma}{A + B\varepsilon^n} \right) = m \ln \frac{T - T_r}{T_m - T_r} \quad (13)$$

本研究同样在 β 相转变点上下分别建立Johnson-Cook本构模型,在相变点以下定义应变速率和变形温度的参考值为 $\dot{\varepsilon}_0 = 0.1 \text{ s}^{-1}$ 和 $T_r = 730 \text{ }^\circ\text{C}$,该条件下真应变0.00177时的初始应力 $A = 3.879 \text{ MPa}$,在相变点以上定义

应变速率和变形温度的参考值为 $\dot{\epsilon}_0 = 0.1 \text{ s}^{-1}$ 和 $T_f=930 \text{ }^{\circ}\text{C}$ ，该条件下真应变 0.00088 时的初始应力 $A=14.662 \text{ MPa}$ ，TA16 钛合金熔点经测定为 $T_m=1675 \text{ }^{\circ}\text{C}$ 。根据上述求解步骤逐步求解本构模型参数，得到相变点上、下 Johnson-Cook 本构模型参数见表 2。

4.3 神经网络本构模型的建立

神经网络在训练和调整的过程中有多种算法，本研究将使用最常用的反向传播(back propagation, BP)算法模型,该模型自 20 世纪 70 年代提出以来不断发展,是迄今为止使用最多的学习算法^[20],在实际应用中有 80%~90% 的人工神经网络使用的是 BP 算法或其改进形式。BP 算法的神经网络的结构包括输入、隐含层、输出层和输出 4 个部分。

结合本构模型的特点设置 3 个输入节点分别为变形温度、应变速率和真应变,设置 1 个输出节点为预测的流变应力。隐含层中的隐藏神经元数量没有特定选择方式,通常根据经验公式进行确定,本研究使用实验数据对隐藏神经元数 5~50 范围内的网络分别进行了 10 次训练,统计每次网络训练到满足收敛条件或迭代次数达到预设上限(1000 次)时统计迭代次数和训练性能,统计分析图 5 所示,其中颜色填充区域是该隐藏神经元数网络训练时迭代次数和训练性能偏差的范围。可以看到随着隐藏神经元数的增加网络中的隐含层变得更加复杂,导致网络收敛到预设精度水平所需的迭代次数不断增加,更复杂的网络内容能够更加贴近数据的分布模式,使得训练性能(越小越好)不断提高,但随着隐藏神经元数的

增大边际效益也在迅速减小,因此本研究将隐藏神经元数设置为 20 个。

将热模拟压缩试验取得的不同变形温度、不同应变速率的 21 条曲线的数据收集,合计 27 560 组,其中变形温度、应变速率和真应变作为输入数据,流变应力作为目标数据。随机抽取其中 70% 的数据用于训练网络,15% 的数据用于验证网络,15% 的数据用于测试网络,3 组功能的数据相互独立。BP 神经网络的学习采用 LM 算法,误差性能函数使用均方误差 MSE。如图 6 所示,经过 878 次迭代六次连续验证迭代的验证误差大于或等于先前最小验证误差后停止训练,可以看到 3 组数据的均方误差均达个数位数量级。从全部数据的误差直方图可以看出约 75% 的数据误差逼近零误差线,各组数据与训练后网络的相关度如图 7 所示,用于训练、验证、测试和全部数据的相关系数均 >0.999 ,由此可见训练的 BP 神经网络本构模型精度极高。

5 结果与讨论

5.1 3 种本构模型的误差分析

图 8 为 Arrhenius 本构模型预测值与实验值对比,观察可见相变点以上预测值与试验值吻合性较好,而相变点以下仅有中低应变区域吻合较好,当真应变增大到 0.5 以上时预测值根据变形温度不同呈现出了加工硬化或软化的趋势,而实际的试验值呈现出 TA16 钛合金在大变形条

表 2 Johnson-Cook 本构模型参数

Table 2 Johnson-Cook constitutive model parameters

Range	<i>A</i>	<i>B</i>	<i>n</i>	<i>C</i>	<i>m</i>
Above T_{β}	14.662	6.9398	-0.25088	0.46813	0.2864
Below T_{β}	3.897	301.9435	0.1733	0.02103	0.8623

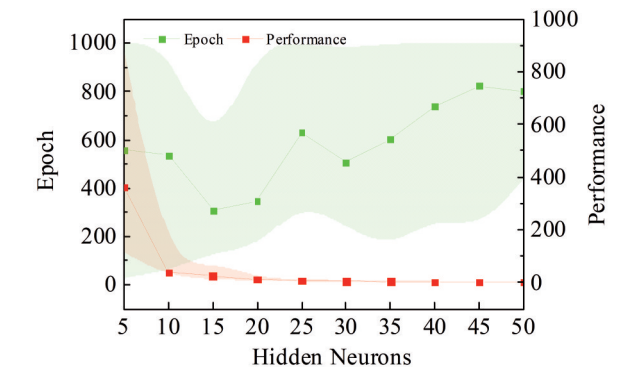


图 5 不同隐藏神经元数训练的情况
Fig.5 Training conditions with different numbers of hidden neurons

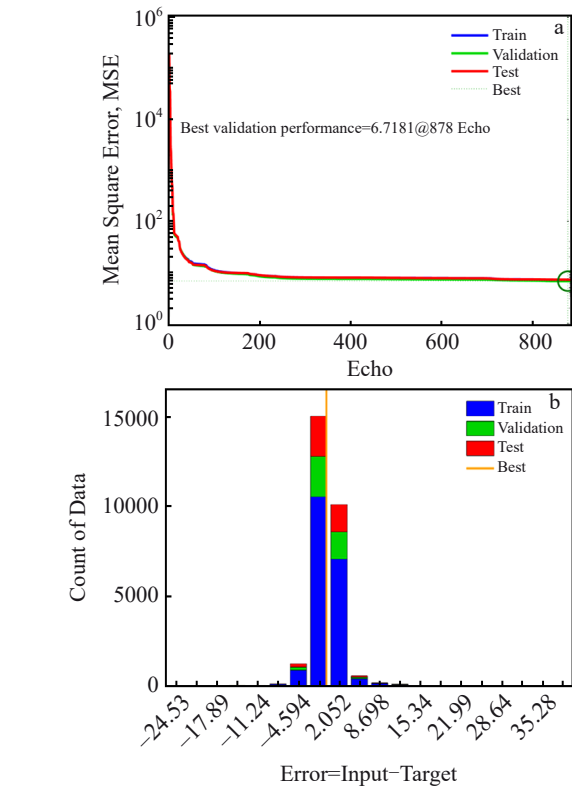


图 6 神经网络训练性能曲线和误差直方图
Fig.6 Performance curve (a) and error histogram (b) of ANN training

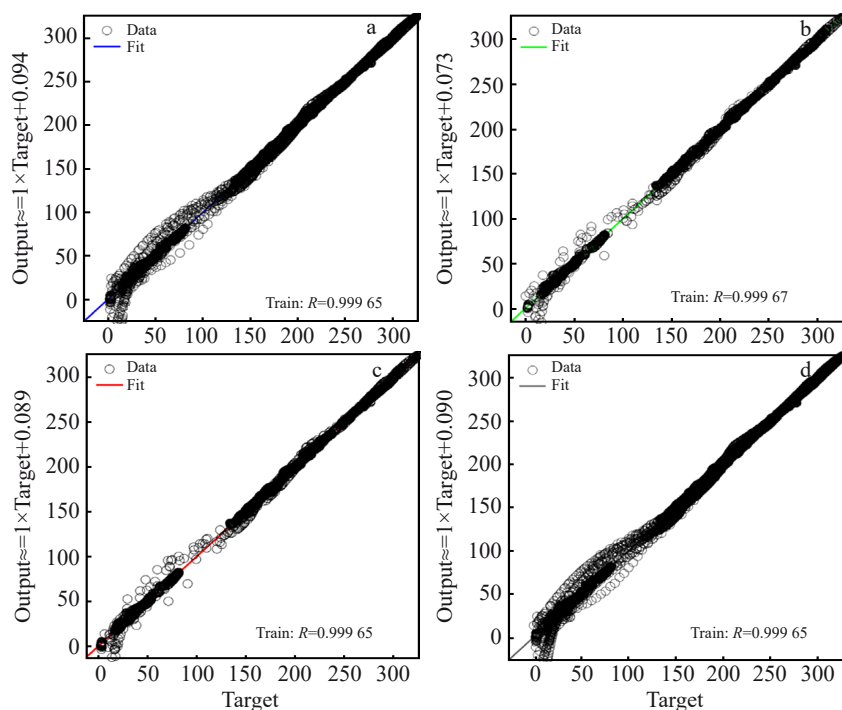


图 7 ANN 训练网络各组数据误差

Fig.7 Data errors of each group of ANN training: (a) train data, (b) validation data, (c) test data, and (d) all data

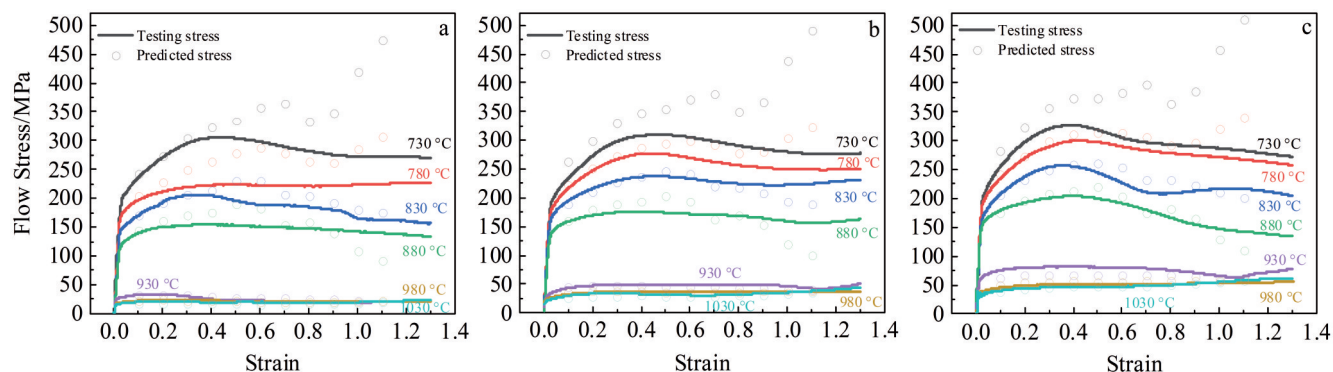


图 8 Arrhenius 本构模型预测的流变应力与实验值对比

Fig.8 Comparisons between flow stress predicted by Arrhenius constitutive model and experimental value with the strain rates of 0.1 s^{-1} (a), 1 s^{-1} (b), and 10 s^{-1} (c)

件下仍旧可以保持动态平衡,这一点从实验样品加载后的宏观形貌上也可以体现。图 9a~9c 分别是应变速率 0.1 、 1 、 10 s^{-1} 条件下不同温度和真应变对应的预测值与实验值绝对百分比误差(APE)分布情况,相对直接对比预测值和实验值等高线图能够更直观地反应该本构模型的精度水平。其中 APE 极大值为 $730 \text{ °C}/10 \text{ s}^{-1}/1.1$ (变形温度/应变速率/真应变) 的 80.17% , 极小值为 $930 \text{ °C}/1 \text{ s}^{-1}/0.3$ 的 0.21% 。在不同应变速率条件下模型偏差的整体规律是一致的,即低温大变形区域偏差最大,而低变形区域整体偏差较小,同时可以看到该模型在低应变速率条件下精度较差。图 9d~9f 是对全部绝对误差数据在不同应变、温度和应变速率下分别统计平均绝对百分比误差

(MAPE) 的趋势变化图,可以看到对于模型整体而言低应变条件下模型的精度比较可靠,在真应变达到 0.9 之后快速上升,而变形温度在 780 °C 及以上时模型的 MAPE 也保持在 15% 以下,而对比不同应变速率条件可以看到在 1 、 10 s^{-1} 条件下模型的精度较高。常规 TA16 钛合金加工过程应变速率分布在 $1 \sim 10 \text{ s}^{-1}$ 范围内,变形温度最低基本在 800 °C 以上,工程应变通常也不会超过 60% (真应变 0.9),因此该本构模型在工程中仍有较大的应用价值和指导意义。

图 10 为 Johnson-Cook 本构模型预测值与实验值对比,可以看到预测值的曲线呈现出金属材料常见的屈服-硬化过程,与 TA16 钛合金实验条件下取得的应力变化趋

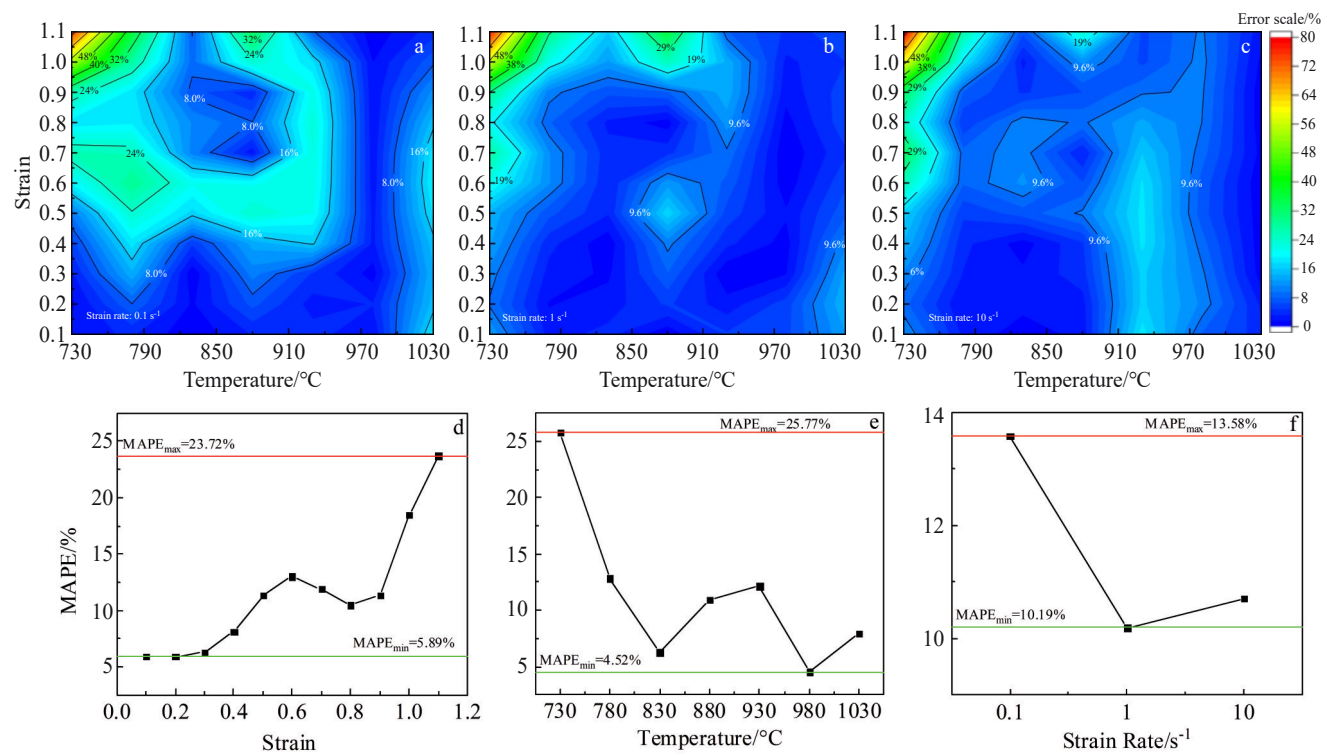


图9 不同范围 Arrhenius 本构模型预测的流变应力误差分析

Fig.9 Strain-temperature plots of flow stress predicted by Arrhenius constitutive model in different ranges with the strain rates of 0.1 s⁻¹ (a), 1 s⁻¹ (b), and 10 s⁻¹ (c); relationship strain (d), temperature (e), and strain rate (f) with MAPE

势区别较大,尤其是随着变形量的增大保持持续硬化的趋势更符合传统钢铁的屈服响应过程,对钛合金材料在变形过程中加工硬化和动态再结晶的动态平衡过程难以进行描述。图 11a~11c 是在应变速率 0.1、1、10 s⁻¹ 条件下不同温度和真应变对应的预测值与实验值 APE 分布情况,其中 APE 的极大值是 880 °C/10 s⁻¹/1.1 的 105.85%,而极小值是 980 °C/0.1 s⁻¹/1.1 的 0.1%,结合误差分布等高线图(图 11a~11c)能够直观地反映出温度高、变形量大的区域模型精度相对较差。图 11d~11f 更加能够直观地反应这一现象,可以看到随着应变的增加,MAPE 从 26.31% 下降到最小值 18.26% 后增大到 30.53%(图 11d)。而随温

度升高的变化趋势是相变点上、下分别预测模型的各自最高温度 880 和 1030 °C 的误差最大,MAPE 最大值达到 50% 以上,越接近模型参考温度 T_r 误差相对越低,说明该模型严重依赖参考温度,偏离幅度会显著增加误差。而不同应变速率之间的误差变化并不大,基本都在 24% 左右。以上的情况可以反映出 Johnson-Cook 本构模型不适合钛合金大变形时的本构关系描述,同时在低应变条件下模型精度也十分有限,因此在工程上应用较为困难。

图 12 为通过神经网络预测的流变应力值与实验结果的对比,可以看到预测值大小和变化趋势与实验值完全一致,不论在各个温度、应变和应变速率条件下都

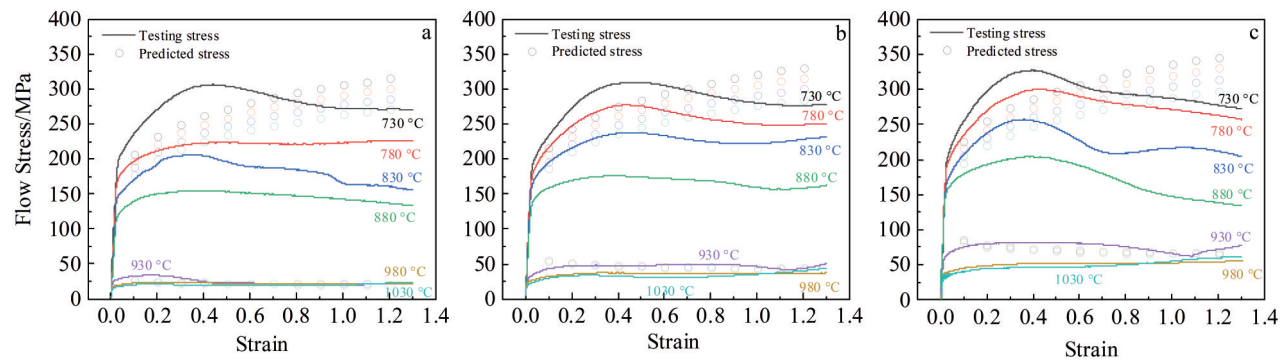


图 10 Johnson-Cook 本构模型预测的流变应力与实验值对比

Fig.10 Comparison of flow stress predicted by Johnson-Cook constitutive model and experimental value with the strain rates of 0.1 s⁻¹ (a), 1 s⁻¹ (b), and 10 s⁻¹ (c)

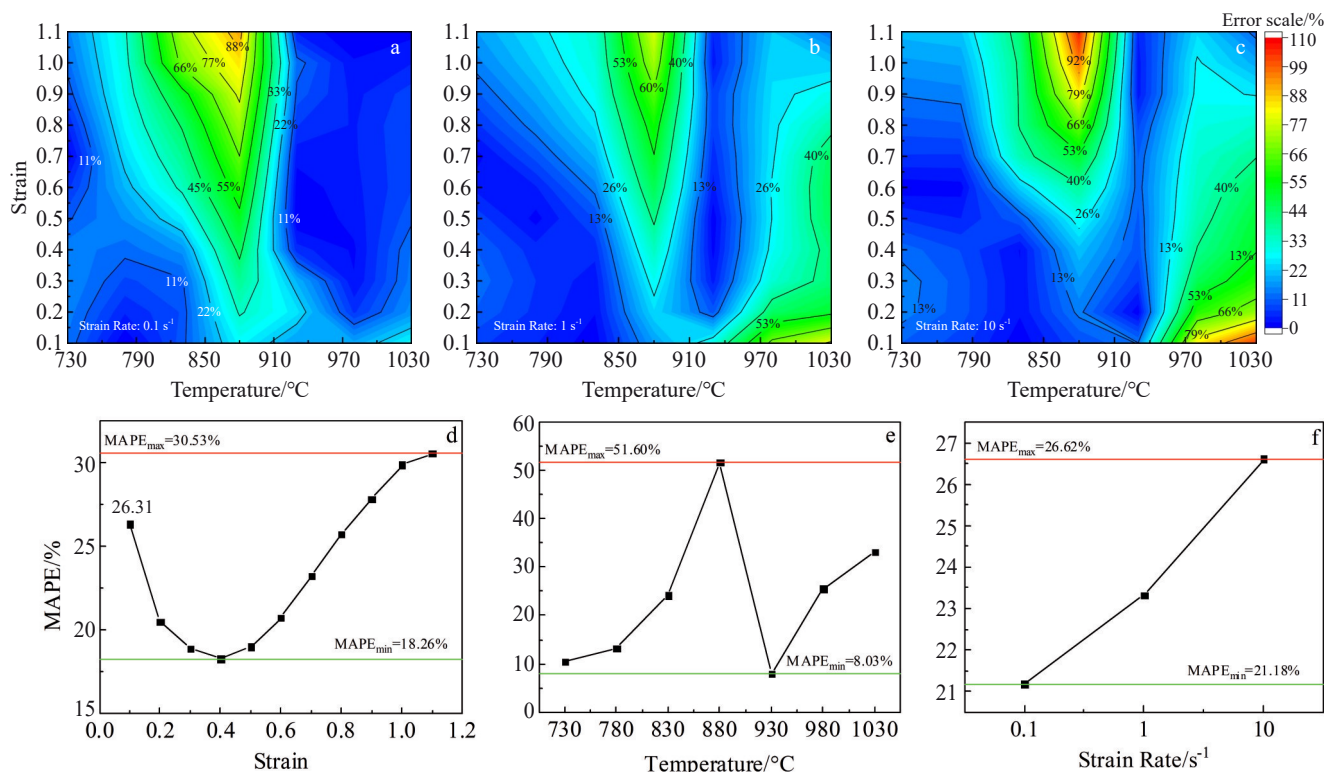


图 11 不同范围 Johnson-Cook 本构模型预测的流变应力误差分析

Fig.11 Strain-temperature plots of flow stress predicted by Johnson-Cook constitutive model in different ranges with the strain rates of 0.1 s^{-1} (a), 1 s^{-1} (b), and 10 s^{-1} (c); relationship strain (d), temperature (e), and strain rate (f) with MAPE

呈现了良好的匹配精度,同时对于 TA16 合金在不同变性条件下大变形量阶段反映出的硬化和软化现象也可以完全匹配,这是由于 ANN 模型并不依赖物理意义而是作为黑箱完全贴合原始数据这一优势,对于没有研究经验的新材料也能最大程度的符合实验数据。图 13a~13c 是在应变速率 0.1 、 1 、 10 s^{-1} 条件下不同温度和真应变对应的预测值与实验值 APE 分布情况, APE 极大值为 $1030 \text{ }^{\circ}\text{C}/1 \text{ s}^{-1}/0.1$ 的 11.31% ,极小值为 $830 \text{ }^{\circ}\text{C}/0.1 \text{ s}^{-1}/0.2$ 的 0.03% 。ANN 本构模型的 APE 值上下浮动范围很小,模型整体精度很高,局部细节观察可以看到高温大变形量区域的误差相对较大,结合流变应力曲线可以看到这是由于大变

形量区域 TA16 钛合金在不同条件下分别呈现硬化和软化的现象,使得模型隐藏神经元匹配更多模式时误差增大,因此对于变化复杂的数据宜适当增加隐藏神经元数量。图 13d~13f 是在不同应变、温度和应变速率下分别统计 MAPE 的趋势变化图,可以看到模型的平均误差水平在各变形参数均值侧较低,基本都保持在 3% 以下,因此如果采用该模型对工程实践进行指导能够反映出更加精确的数值结果。

对比 Arrhenius 本构模型和 ANN 模型预测流变应力与实验数据的偏差如图 14 所示, Arrhenius 本构模型的 MAPE 为 11.49% , Johnson-Cook 本构模型的 MAPE 为

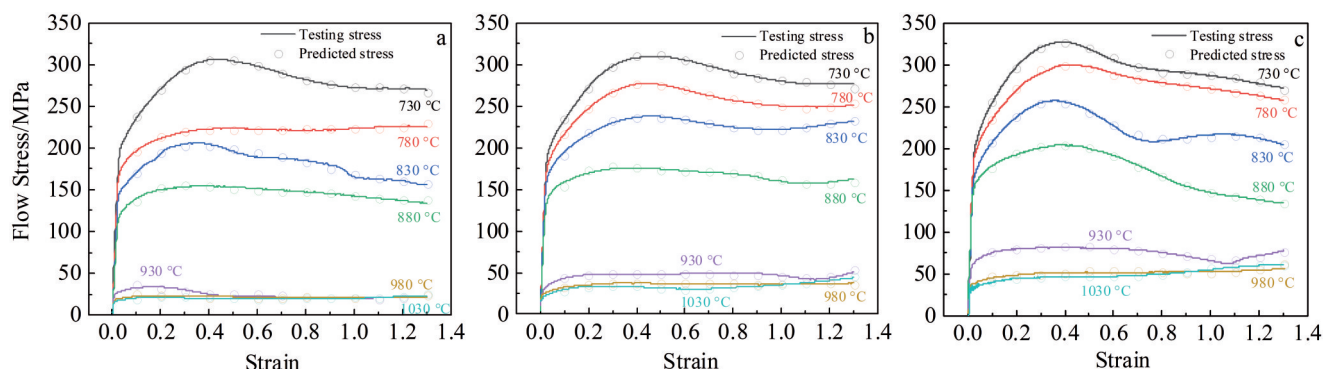


图 12 ANN 本构模型预测的流变应力与实验值对比

Fig.12 Comparisons of flow stress predicted by ANN constitutive model and experimental value with the strain rates of 0.1 s^{-1} (a), 1 s^{-1} (b), 10 s^{-1} (c)

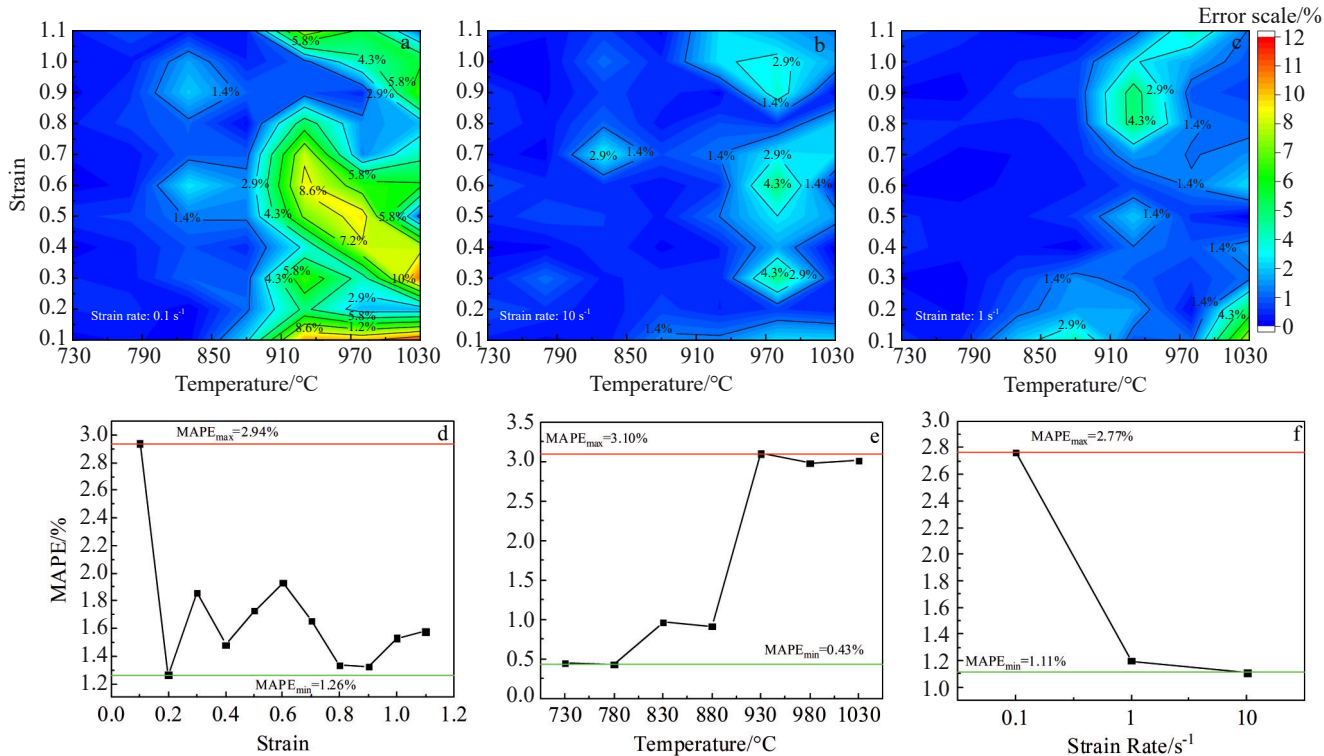


图 13 不同范围 ANN 本构模型预测的流变应力误差分析

Fig.13 Strain-temperature plots of flow stress predicted by ANN constitutive model in different ranges with the strain rates of 0.1 s⁻¹ (a), 1 s⁻¹ (b), 10 s⁻¹ (c); relationship of strain (d), temperature (e), and strain rate (f) with MAPE

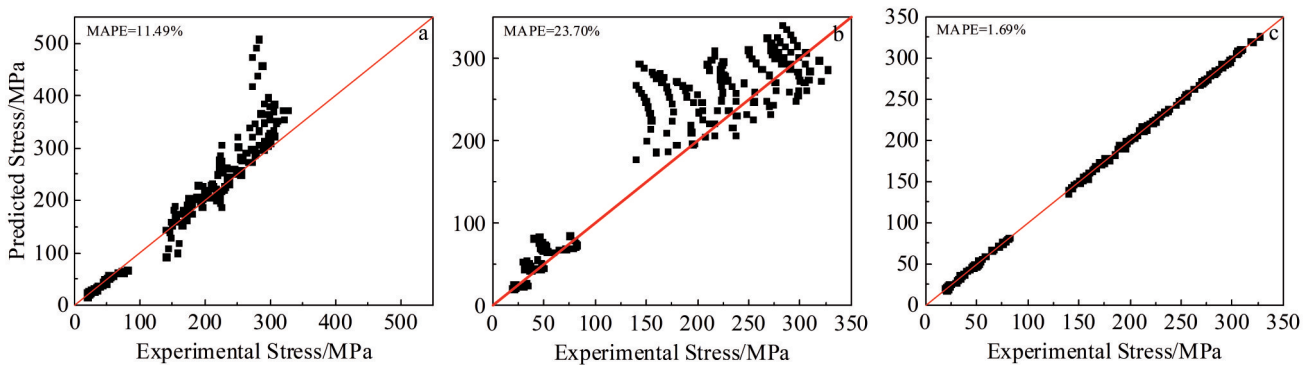


图 14 人工神经网络和传统本构模型预测的流变应力误差

Fig.14 Flow stress error predicted by Arrhenius constitutive model (a), Johnson-Cook constitutive model (b), and ANN model (c)

23.70%，ANN 模型的 MAPE 为 1.69%。图中横纵坐标分别为相同变形参数下实验数据与模型预测数据，因此散点越贴近红色对角线说明两者之间的偏差越小。Arrhenius 本构模型在低应力区域的误差很小，随着应力增大模型预测的应力值相对偏大。Johnson-Cook 本构模型在低应力区域的误差相对自身偏低，而高应力区域预测值显著高于实验值，离散很大。ANN 模型在全部数值区域的精度都非常高，预测值与实验值偏差极低，反映出该模型对原始数据的拟合性能。

5.2 人工神经网络模型泛化能力分析

工程实践中常会需要在实验参数的范围之外预测材

料的应力状态，因此模型原始参数范围之外的数据预测准确能力显得尤为重要。本研究使用 780~1030 °C 变形温度范围的真应力-真应变曲线训练 ANN 本构模型，使用该模型预测变形温度为 730 °C 的流变应力值，将该值与实验值进行比较，以分析无 730 °C 相关数据时 ANN 模型的泛化能力，结果如图 15a 所示。可以看到对于模型以外的变形温度 730 °C，在应变速率 0.1、1、10 s⁻¹ 条件下 ANN 模型预测的数据与实验数据趋势一致，误差较小。将 ANN 模型预测的数据与 Arrhenius 和 Johnson-Cook 本构模型在 730 °C 计算的数据对比可以看到，ANN 模型预测的 MAPE 为 4.70%，比前文包含 730 °C 实验数据训练

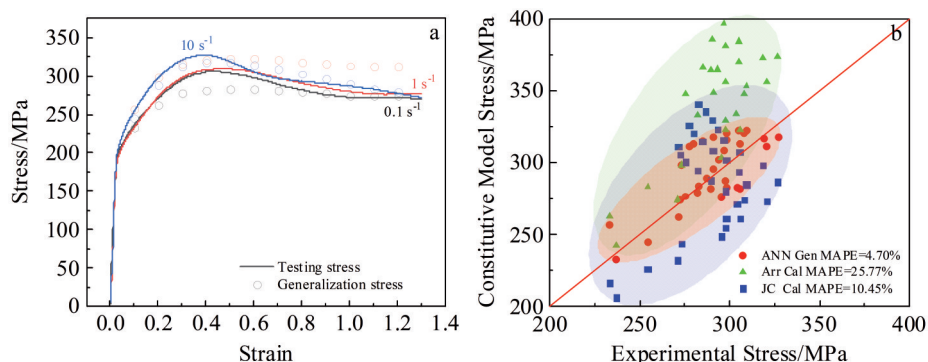


图15 ANN本构模型730 °C泛化预测数据

Fig.15 Generalized prediction data of ANN constitutive model at 730 °C: (a) generalization data and experimental data; (b) comparison of other model calculation data

后的 ANN 模型 MAPE 略高。而对比 Arrhenius 和 Johnson-Cook 本构模型在 730 °C 相关数据的 MAPE 值具有明显精度优势(图 15b),这说明在工程实践中 ANN 模型能够更加准确的预测实验数据范围以外的流变应力,为实际工程需求提供更好的支持。

6 结论

1)TA16 钛合金在中、低应变速率条件下屈服后迅速进入加工硬化与软化的动态平衡状态,在高应变速率条件下先呈现软化后再进入平衡状态,合金的加工性能良好。

2)建立的 TA16 钛合金 Arrhenius 本构模型精度较好,整体 MAPE 为 11.49%。在相变点以上模型精度高,在相变点以下模型误差随着变形量的增加而增大,模型在中、高应变速率下精度高于低应变速率条件。TA16 钛合金常规加工工艺范围在该模型精度相对较好的区域,因此该模型在工程上具有较好的应用价值。

3)建立的 TA16 钛合金 Johnson-Cook 本构模型精度较差,整体 MAPE 为 23.70%。模型在应变增大后的硬化趋势与 TA16 钛合金不符,无法反应钛合金材料变形的动态平衡行为。模型误差随着应变增大持续增大,但低应变下误差也相对较大,因此该模型在工程上无法应用。

4)建立的 TA16 钛合金 ANN 本构模型精度极高,整体 MAPE 为 1.69%。该模型在全部实验变形参数范围内预测数据与实验值误差小,工程应用时能精确反应材料的力学响应状态。

5)ANN 本构模型泛化能力良好,使用除 730 °C 变形温度以外的实验数据训练 ANN 模型并预测 730 °C 下的流变应力值,与实验值对比 MAPE 为 4.70%,在工程应用中能够围模型范围外的数据提供较高精度的预测。

参考文献 References

[1] Huang Boyun(黄伯云), Li Chenggong(李成功), Shi Likai(石力

开) *et al. Chinese Material Engineering Dictionary*(中国材料工程大典第 4 卷)[M]. Beijing: Chemical Industry Press, 2006: 530

[2] Yang Xiaokang(杨晓康), Wang Kuaishe(王快社), Shi Jiamin(史佳敏) *et al. Rare Metal Materials and Engineering*(稀有金属材料与工程)[J], 2018, 47(9): 2895

[3] Luo Junting(骆俊廷), Chen Yimin(陈艺敏), Yin Zongmei(尹宗美) *et al. Rare Metal Materials and Engineering*(稀有金属材料与工程)[J], 2017, 46(2): 399

[4] Li Ping(李萍), Xu Haifeng(许海峰), Meng Miao(孟淼) *et al. Journal of Plasticity Engineering*(塑性工程学报)[J], 2024, 31(2): 120

[5] Zhu Lin(朱琳), Xu Yong(徐勇), Hu Shuangsheng(胡双生) *et al. Rare Metal Materials and Engineering*(稀有金属材料与工程)[J], 2023, 52(5): 1819

[6] Lei Jinwen(雷锦文), Xue Xiangyi(薛祥义), Zhang Siyuan(张思远) *et al. Rare Metal Materials and Engineering*(稀有金属材料与工程)[J], 2021, 50(6): 2025

[7] Liu Yang(刘杨), Li Zhiqiang(李志强), Zhao Bing(赵冰) *et al. Rare Metal Materials and Engineering*(稀有金属材料与工程)[J], 2022, 51(10): 3752

[8] Quan Sijia(权思佳), Song Kexing(宋克兴), Zhang Yanmin(张彦敏) *et al. Rare Metal Materials and Engineering*(稀有金属材料与工程)[J], 2019, 48(11): 3600

[9] Zhou Shengwu(周盛武), Dong Hongbo(董洪波), Jiang Zhiyong(姜智勇) *et al. Journal of Plasticity Engineering*(塑性工程学报)[J], 2018, 25(1): 218

[10] Pan Hao(潘浩), Zhang Yongqiang(张永强), Zhao Hengzhang(赵恒章) *et al. Hot Working Technology*(热加工工艺)[J], 2018, 47(21): 131

[11] Ma Lixia, Wan Min, Li Weidong *et al. Journal of Alloys and Compounds*[J], 2019, 808: 151759

[12] Souza P M, Sivaswamy G, Hall L *et al. International Journal of Mechanical Sciences*[J], 2022, 216: 106975

[13] Liu Xiaoyan(刘晓燕), Li Shuaikang(李帅康), Yang Xirong(杨西荣). *Rare Metal Materials and Engineering*(稀有金属材料与工程)[J], 2024, 53(2): 410

[14] Hao Fang(郝芳), Zhao Pingluo(赵平洛), Mao Youchuan(毛友

- 川) *et al. Rare Metal Materials and Engineering*(稀有金属材料与工程)[J], 2021, 50(12): 4348
- [15] Zhang Shuai, Zhang Haoyu, Liu Xuejia *et al. Journal of Materials Research and Technology*[J], 2024, 29: 589
- [16] Liu Xuejia, Zhang Haoyu, Zhang Shuai *et al. Journal of Alloys and Compounds*[J], 2023, 968: 172052
- [17] Zener C, Hollomon J H. *Journal of Applied Physics*[J], 1944, 15(1): 22
- [18] Johnson G R. *Proceedings of the 7th International Symposium on Ballistics*[C]. Hague: American Defense Preparedness Association, 1983: 541
- [19] Fine T L. *Feed Forward Neural Network Methodology*[M]. New York: Springer-Verlag, 1999: 129
- [20] Rumelhart D E, Hinton G E, Williams R J. *Nature*[J], 1986, 323(9): 533

High-Accuracy Constitutive Model of TA16 Titanium Alloy Based on Artificial Neural Networks

Zhang Siyuan, Li Silan, Li Qian, Mao Chengliang, Wang Jialu, Xin Shewei
(Northwest Institute for Nonferrous Metal Research, Xi'an 710016, China)

Abstract: The thermal simulation compression experiments were conducted on forged TA16 titanium alloy using the Gleeble-3800 system at the temperature of 730–1030 °C and strain rates from 0.1 s⁻¹ to 10 s⁻¹. The true stress-true strain curves of TA16 alloy under these deformation conditions were obtained. Constitutive models for the TA16 alloy were established using three different methods: the Arrhenius model, the Johnson-Cook model, and artificial neural networks (ANN). The model errors were analyzed. The results indicate that the TA16 alloy reaches a dynamic balance between work hardening and softening after yielding at medium and low strain rates. At high strain rates, it initially softens and then enters a balance state, demonstrating good workability. The mean absolute percentage error (MAPE) of the constitutive models for the TA16 alloy using the Arrhenius model, the Johnson-Cook model, and ANN is 11.49%, 23.7%, and 1.69%, respectively. The ANN model shows an order of magnitude higher accuracy compared to the traditional constitutive models. The Arrhenius model exhibits better accuracy at medium and high strain rates and in the medium and low strain range, making it practical for engineering applications. The Johnson-Cook model reflects the trend of high-strain hardening and struggles to describe the dynamic equilibrium state after yielding for the TA16 alloy, resulting in poor model accuracy and making it unsuitable for engineering applications. The ANN model demonstrates extremely high predictive accuracy across the entire range of experimental parameters, and it also maintains good accuracy for data predictions beyond the experimental parameter ranges, providing a highly accurate constitutive model for engineering applications.

Key words: TA16 titanium alloy; constitutive model; Arrhenius; Johnson-Cook; artificial neural network

Corresponding author: Zhang Siyuan, Master, Northwest Institute for Nonferrous Metal Research, Xi'an 710016, P. R. China, Tel: 0086-29-86250729, E-mail: zsy314@msn.com